

امتحان درس: ریاضی نهم تاریخ امتحان: ۱۴/۱۰/۹۵ مدت امتحان: ۹۰ دقیقه طرح سوال: گروه ریاضی تعداد سوال: ۱۷ تعداد صفحه: ۴ امتحانات پایانی نوبت اول سال تحصیلی ۹۶-۹۵	<p><b>دبيرستان سادات (دوره اول)</b></p>	شماره دانش آموزی: نام : نام خانوادگی : نام پدر: کلاس : نام دبیر: جناب آقای
نمره به عدد به حروف امضاء نام و نام خانوادگی تجدید نظر کننده :	نمره به عدد به حروف امضاء نام و نام خانوادگی مصحح :	

## ☆☆ امام علی (ع): از آنان مبایسید که بدون زحمت و تلاش امید به عاقبتی نیک دارند. ☆☆

«دانش آموزان عزیزین: با توقیل بر خدا و صلوات بر محمد و آن محمد(ص) شروع کنید.»

ردیف	صفحه اول	شمارک
<b>گزینه‌ی صحیح را در هر سوال مشخص کنید.</b>		
۱	* عدد $2\sqrt{7}$ - ۲ بین کدام دو عدد صحیح متولی قرار دارد؟  الف) بین $-3, -4$ ج) بین $-4, -5$ ب) بین $-3, -2$ د) بین $-5, -6$	* مساحت مربعی که اندازه‌ی قطر آن $5\sqrt{2}$ می‌باشد، برابر است با:  الف) $50$ ج) $25$ ب) $25\sqrt{2}$ د) $50$
* کدام عدد از بقیه بزرگ‌تر است.  الف) $(-\frac{1}{2})^4$ ج) $(-2)^3$ ب) $(-\frac{1}{2})^{-4}$ د) $(-2)^{-3}$		
۱	* تعداد زیر مجموعه‌های یک مجموعه $n$ عضوی برابر با عدد $2^n - 1$ می‌باشد. این مجموعه چند عضو دارد؟  الف) ۱ ج) ۳ ب) ۲ د) ۴	

### جاهای خالی را با عدد یا عبارت مناسب کامل کنید.

۱	الف) تساوی $\sqrt{x^3} = (\sqrt{x})^3$ همواره برقرار است.  ب) دو شرط اساسی تشابه، تساوی زاویه‌ها و تساوی ضلع هاست.  ج) عبارت «چهار عدد فرد متولی» مشخص کننده یک مجموعه است.  د) نمایش اعشاری عدد $\frac{42}{105}$ مختوم است.	۲
جاهای خالی را با عدد یا عبارت مناسب کامل کنید.		

۲	الف) حاصل عبارت $2^{-(2)} - 2^{-2}$ برابر با عدد ..... است.  ب) اگر $3^x = 9$ باشد حاصل $3^{x+4}$ برابر است با .....  ج) نمایش اعشاری کسر $\frac{14}{35}$ برابر است با .....  د) هر نقطه روی نیم ساز یک زاویه از ..... آن زاویه به یک فاصله است.  ه) اگر $A \subseteq B$ باشد، مجموعه $A \cap B$ برابر است با مجموعه .....  و) مجموعه «عددهای طبیعی بین ۱ و ۱۰۱» مجموعه ..... است  ز) آوردن دلیل و استفاده از دانسته‌های قبلی، برای معلوم کردن موضوع مجھولی ..... نامیده می‌شود. ح) اگر از تعداد اعضای یک مجموعه یک عضو کم شود زیر مجموعه‌های آن ..... می‌شود.	۳
---	---	---

نام خانوادگی :	صفحه دو	کلاس:
<b>پاسخ هر یک از سوالات زیر را باراه حل کامل بنویسید.</b>		
۱	$A = \{0, 7, 26, 63, \dots\}$ $B = \left\{ \frac{n^2 - 1}{-(1)^n} \mid n \in \mathbb{N}, n < 3 \right\}$	الف ) مجموعه زیر را با نماد ریاضی بنویسید. ب ) مجموعه زیر را با اعضاش بنویسید.
۱	$A - B$ و $A \cap B$ باشد، اعضای مجموعه های $B = \{6k \mid k \in \mathbb{N}\}$ و $A = \{3k \mid k \in \mathbb{N}\}$ را بنویسید.	۵
۰/۷۵	$B = \{2 + b\}$ و $A = \{3 + a, 2a + 4\}$ را به دست آورید.	۶
۲	$ x - 1  +  x - 3  -  2x - 6  =$ $\sqrt{(2 - \sqrt{5})^2} - \sqrt{(2\sqrt{5} - 3)^2} -  \sqrt{5} - 3  =$	الف ) اگر $x > 3$ باشد حاصل عبارت زیر را به دست آورید. ب ) حاصل عبارت زیر را به دست آورید.
۱/۵	$\frac{3m + 4}{5m + 7}$ با کسر تحویل ناپذیر برابر باشد.	الف ) عدد طبیعی $m$ را چنان تعیین کنید که عدد $\frac{3m + 4}{5m + 7}$ با دو عدد گنگ باشند، $x$ و $y$ عددي گنگ است. ب ) برای رد ادعای روبرو یک مثال نقض بزنید: «اگر $x$ و $y$ دو عدد گنگ باشند، $\sqrt{5}xy + \sqrt{5}$ عددی گنگ است.»

کلاس:	صفحه سه	نام و نام خانوادگی :
۰/۷۵	از بین اعداد زوج طبیعی کوچک تر از ۳۱ یک عدد را به تصادف انتخاب می کنیم . احتمال این که عدد انتخاب شده مضرب ۳ باشد چقدر است؟	۹
۲	<p>الف) آیا استدلال زیر معتبر است؟ چرا؟</p> <p>«در هر مربع، همه ضلع‌ها با هم برابرند. در چهارضلعی <math>ABCD</math> ضلع‌ها با هم برابر نیستند؛ پس <math>ABCD</math> مربع نیست.»</p> <p>ب) ابتدا فرض و حکم را نوشه، سپس با استدلال معتبر حکم را ثابت کنید :</p> <p>«دو راس مقابله در متوازی‌الاضلاع از قطعی که دو راس دیگر را به هم وصل می کند به یک فاصله است .»</p>	۱۰
۱	مثلث $ABC$ در راس $A$ قائم است با توجه به شکل ثابت کنید رابطه $AH^2 = BH \times CH$ برقرار است.	۱۱
۱/۲۵	در شکل زیر $BC = ۹$ و $AB = ۶$ ، $AE = DE = DB$ و $DE \parallel BC$ است. اندازه‌ی پاره خط‌های $CE$ را حساب کنید.	۱۲
۰/۷۵	در تساوی $8^{2-x} = (0/25)^{2x}$ مقدار $x$ را بیابید.	۱۳

نام و نام خانوادگی :	صفحه چهار	کلاس:
۱۴	حاصل عبارت زیر را توان دار بنویسید.	۱
	$\frac{3^4 + 3 \times 3^4 + \frac{1}{9} \times 27^2 \times 1^{25}}{\left(\frac{1}{2}\right)^{-2} \times 2^{-4} \times (2^6)^2} =$	
۱۵	الف) حاصل عبارات زیر را بدست آورید. الف $[( -2\sqrt{3})(3\sqrt{2} + 2\sqrt{3})] \div (-6) =$	۱/۵
	ب) $5\sqrt[3]{54} - 3\sqrt[3]{250} + \sqrt[3]{2} =$	
۱۶	الف) مخرج کسر زیر را گویا و به ساده ترین صورت ممکن بنویسید. $\frac{2}{\sqrt[3]{16}} =$	۱/۵
	ب) نمایش علمی عبارت زیر را بنویسید. $.. / ..... 073 \times 10^{50} \times 5 \dots \times 10^{-20} =$	
۲۰	پسر خوبم، خسته نباشی! یه بار دیگه جواب همه سؤالاً رو بررسی کن... با آرزوی سر بلندیت در همه مراحل زندگی»	