

R9-2-4P

پاسخ تشریحی سوالات آزمون

ردیف

$$4 < \sqrt{17} < 5 \rightarrow -5 < -\sqrt{17} < -4 \rightarrow -8, -7 \text{ ب) } y - x \text{ الف)$$

$$-5 - 3 < -\sqrt{17} - 3 < -4 - 3$$

* گزینه ج صحیح است.

$$\begin{array}{c} \frac{-1}{2}, \frac{-2}{5} \xrightarrow{\text{هم مخرج}} \frac{-5}{10}, \frac{-4}{10} \xrightarrow{\times 2} \frac{-10}{20}, \frac{-8}{20} \quad \left(\frac{-18}{20} \right) \\ \qquad \qquad \qquad \xrightarrow{\times 3} \frac{-15}{30}, \frac{-12}{30} \quad \left(\frac{-14}{30} \right) \end{array} \quad \frac{-19}{20}$$

$$\frac{-1+(-2)}{2+5} = \frac{-3}{7}$$

۲

$$2\sqrt{3} \times 4\sqrt{3} = 8\sqrt{3 \times 3} = 24 \text{ گویا ب) صحیح است.}$$

الف) درست ب) نادرست ج) نادرست د) درست

۳

ابتدا باید کسر را تا جایی که ممکن است ساده کنیم.

$$\begin{array}{r} 4. \quad | \quad 9 \\ \quad | \quad /44 \dots \\ \hline 36 \\ 4. \end{array}$$

$$\frac{4}{9} = 0.\overline{4}$$

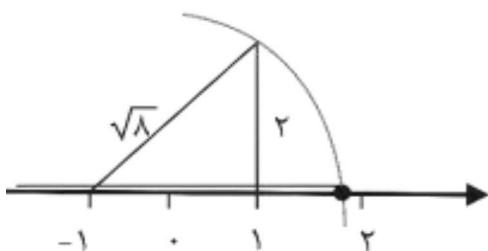
۴

$$\begin{array}{l} x = 0.\overline{22} \\ 10x = 2.\overline{2} \\ 100x = 22.\overline{2} \end{array} \quad \left. \begin{array}{l} 100x - 10x = 22.\overline{2} - 2.\overline{2} \\ 90x = 21 \end{array} \right\} \quad x = \frac{21}{90} = \frac{7}{30}.$$

۵

الف) ابتدا نقطه $1 - \sqrt{8}$ روی محور مشخص می‌کنیم.

$$A = \{x \mid x \leq \sqrt{8} - 1\}$$



۶

ب) نادرست (۱/۰۰۲۰۰۰۲ ... ∈ A) درست (۱/۰۰۲۰۰۰۲ ... ∈ A) ($\sqrt{3} \notin A$)

$$2 + \frac{1}{1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{2}}}} = 2 + \frac{1}{1 - \frac{1}{2}} = 2 + (-2) = .$$

۷

$$\frac{2}{4 \times 6} + \frac{2}{6 \times 8} + \frac{2}{8 \times 10} + \cdots + \frac{2}{26 \times 28} = \frac{1}{4} - \frac{1}{6} + \frac{1}{6} - \frac{1}{8} + \frac{1}{8} - \frac{1}{10} + \cdots + \frac{1}{26} - \frac{1}{28}$$

تلسکوپی

$$= \frac{1}{4} - \frac{1}{28} = \frac{6}{28} = \frac{3}{14}$$

پاره خط OD و تر مثلث قائم الزاویه با اضلاع ۱ و ۲ می‌باشد.

و پاره خط DA برابر با وتر مثلثی به اضلاع قائمه ۳ و ۲ است.

بنابراین نقطه‌ی A نظیر عدد $\sqrt{5} + \sqrt{13}$ می‌باشد.

$$||3 - \sqrt{7}| - |2 + \sqrt{7}|| = |3 - \sqrt{7} - (2 + \sqrt{7})| = |-2\sqrt{7} + 1| = 2\sqrt{7} - 1$$

۸

۹

$$\begin{aligned} \sqrt{(1 - \sqrt{5})^2} - \sqrt{(\sqrt{3} - \sqrt{5})^2} + 2\sqrt{(2 - \sqrt{3})^2} &= |1 - \sqrt{5}| - |\sqrt{3} - \sqrt{5}| + 2|2 - \sqrt{3}| \\ &= \sqrt{5} - 1 - (\sqrt{5} - \sqrt{3}) + 2(2 - \sqrt{3}) = \sqrt{5} - 1 - \sqrt{5} + \sqrt{3} + 4 - 2\sqrt{3} = 3 - \sqrt{3} \end{aligned}$$

۱۰

$$\text{گویا } \sqrt{63} \times 2\sqrt{7} = \sqrt{3^2 \times 7} \times 2\sqrt{7} = 2\sqrt{3^2 \times 7^2} = 2 \times 3 \times 7 = 42$$

ب) $3\sqrt{5} - 2\sqrt{3}$ ساده تر نمی‌شود گنگ

$$\text{ج) } \sqrt{4 + 2\sqrt{6 + 5\sqrt{3 + 1}}} = \sqrt{4 + 3\sqrt{6 + 1}} = \sqrt{4 + 12} = \sqrt{16} = 4 \quad \text{گویا}$$

۱۱

$$\text{د) } \frac{\sqrt{75} \times 2^{-2}}{\sqrt{8} \times 5\sqrt{2}} = \frac{5\sqrt{3}}{2\sqrt{2} \times 5\sqrt{2} \times 2^2} = \frac{\sqrt{3}}{16} \quad \text{گنگ}$$

۱۲

پاسخ سوال امتیازی

می‌دانیم به ازای هر عدد نامنفی a داریم $|a| = |-a| = a$ بنابراین:

$$|4 - |2x - 1|| = 3 \rightarrow \begin{cases} 4 - |2x - 1| = 3 & \rightarrow |2x - 1| = 1 \\ 4 - |2x - 1| = -3 & \rightarrow |2x - 1| = 7 \end{cases}$$

$$|2x - 1| = 1 \rightarrow \begin{cases} 2x - 1 = 1 & \rightarrow 2x = 2 \rightarrow x = 1 \\ 2x - 1 = -1 & \rightarrow 2x = 0 \rightarrow x = 0 \end{cases}$$

$$|2x - 1| = 7 \rightarrow \begin{cases} 2x - 1 = 7 & \rightarrow 2x = 8 \rightarrow x = 4 \\ 2x - 1 = -7 & \rightarrow 2x = -6 \rightarrow x = -3 \end{cases}$$