

نوبت: صبح ■ عصر

ساعت شروع: ۸ صبح

مدت آزمون: ۷۵ دقیقه

تاریخ آزمون: ۱۴۰۱/۰۹/۱۲

نام آموزشکاه:

پاسخنامه سوالات امتحان درس: ریاضی

امتحان هماهنگ دانش آموزان پایه نهم دوره اول متوسطه

آذرماه سال تحصیلی ۱۴۰۲-۱۴۰۱

نام:

نام خانوادگی:

کد کلاس:

تعداد صفحه: ۳ صفحه

شرح سوالات

فصل

بارم				
۰/۵		① با توجه به شرایط متمایز بودن عضوهای یک مجموعه، جاهای خالی را پر کنید. به جای $\{ \quad , \quad , \quad , \quad , \quad \}$ $M = \{ 2, 5, 2, 5 \}$ باید بنویسیم:		
۰/۵		② هر مجموعه، زیر مجموعه خودش است.	درست <input checked="" type="checkbox"/>	نادرست <input type="checkbox"/>
۰/۵		③ مجموعه مربع عددی طبیعی برابر با کدام گزینه است؟		
		الف) $B = \{ k^2 \mid k \in \mathbb{N} \}$ ب) $A = \{ 2k \mid k \in \mathbb{N} \}$		
		ج) $A = \{ k^2 \mid k \in \mathbb{N}, k > 1 \}$ د) $C = \{ k^3 \mid k \in \mathbb{N} \}$		
۰/۵		④ کدام نماد را می‌توان در جای خالی قرار داد؟		
		الف) \in ب) \notin ج) \subseteq د) \subseteq		
۱/۵		⑤ با توجه به نمودار مقابل، عضوهای هر یک از مجموعه‌های زیر را بنویسید.		
		اشترک دو مجموعه A و B	$A \cap B = \{ 6, 5 \}$	\Leftarrow
		اجتماع دو مجموعه A و B	$A \cup B = \{ 7, 3, 4, 6, 5, 9, 2 \}$	\Leftarrow
		تفاضل متقارن دو مجموعه A و B	$(A - B) \cup (B - A) = \{ 7, 3, 4, 9, 2 \}$	\Leftarrow
۰/۵		⑥ مجموعه‌ای ۱۶ زیرمجموعه دارد. این مجموعه چند عضو دارد؟		
		الف) ۸ ب) ۴ ج) ۳ د) ۶	$2^n = 2^4 = 16$	
۱		⑦ در هر یک از شکل‌های زیر، مجموعه مورد نظر را هاوشور بزنید.		
		A	B	$A \cup (A \cap B)$
۰/۵		⑧ دو مجموعه A و B با هم برابرند. مقدار x را بیابید.	$x = 3$	
		A = {3, 5}, B = {2x - 1, 3} $\Rightarrow 2x - 1 = 5 \Rightarrow 2x = 5 + 1 = 6 \Rightarrow x = \frac{6}{2} = 3$		
۱		⑨ اگر تاسی را دو بار بیندازیم (یا دو تاس آبی و قرمز را با هم بیندازیم) چقدر احتمال دارد:		
		الف) مجموع دو عدد، ۵ باشد.	$n(S) = 6 \times 6 = 36$ $A = \{(1,1), (2,3), (3,2), (4,1)\} \Rightarrow n(A) = 4 \} \Rightarrow P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{4}{36} = \frac{1}{9}$	
		ب) دو عدد رو شده، هر دو مضرب ۲ باشند.	$n(B) = 3 \times 3 = 9 \Rightarrow P(B) = \frac{n(B)}{n(S)} = \frac{9}{36} = \frac{1}{4}$	
۰/۵		۱۰ خانواده‌ای دارای سه فرزند می‌باشد. تعداد کل حالت‌های ممکن چند تاست؟ (از نظر جنسیت فرزندان)	$n(S) = 2 \times 2 \times 2 = 2^3 = 8$	پسر و دختر

۰/۵	<p>① اجتماع مجموعه عددهای گویا و عددهای اصم را مجموعه عددهای حقیقی می نامند.</p>	
۰/۵	$\frac{29}{22} = 1.\overline{3181818\dots}$ جاهای خالی را کامل کنید.	$\frac{11}{125} = 0.\overline{088}$ با توجه به
۰/۵	<p>((در نمایش اعشاری کسر $\frac{29}{22}$ رقم ۱۸ تکرار می شود و انتهای ندارد؛ ولی نمایش اعشاری $\frac{11}{125}$ مختوم است؛ چون تمام رقم های اعشار آن مشخص است و به انتهای می رسد.))</p>	
۰/۵	<p>③ بین دو عدد $\sqrt{5}$ و $\sqrt{6}$ چند عدد گنگ می توان مشخص کرد؟</p>	
۰/۵	<input type="checkbox"/> (الف) هیچ عدد	<input type="checkbox"/> (ب) دو عدد
۰/۵	<p>④ حاصل عبارت های زیر را به دست آورید.</p>	
۱/۲۵	$-\frac{3}{4} + \frac{1}{\cancel{12}} \times \frac{\cancel{6}}{1} = -\frac{3}{4} + \frac{1 \times 2}{2 \times 2} = \frac{-3+2}{4} = -\frac{1}{4}$	
۰/۷۵	$\left 24 \div 6 - 6 \right = \left 4 - 6 \right = \left -2 \right = 2$	
۰/۵	<p>⑤ کدام عبارت، همواره درست است؟</p>	
۰/۵	<input checked="" type="checkbox"/> (الف) $a < 0, b < 0 \Rightarrow a+b = a+b$	<input type="checkbox"/> (ب) $a > 0, b > 0 \Rightarrow a+b = a+b$
۰/۵	<input type="checkbox"/> (ج) $a < 0, b < 0 \Rightarrow a \cdot b = -(a \cdot b)$	<input type="checkbox"/> (د) $a < 0, b > 0 \Rightarrow a \cdot b = a \cdot b$
۰/۵	<p>⑥ مجموعه $A = \{x \mid x \in \mathbb{R}, -2 \leq x < 3\}$ را روی محور نمایش دهید.</p>	
۰/۵		
۰/۵	<p>⑦ آیا مجموعه $B = \{x \mid x \in \mathbb{Q}, -1 < x < 5\}$ را می توان روی محور نمایش داد؟ دلیل خود را بنویسید. خیر زیرا بین دو عدد -۱ و ۵ بی شمار عدد گنگ وجود دارد که به مجموعه عددهای گویا تعلق ندارد که باید آن ها را از بین این عددها جدا کرد پس نمی توان همه عددهای گویای بین -۱ و ۵ را مشخص کرد.</p>	
۰/۵	<p>⑧ طرف دوم تساوی های زیر را با مجموعه مناسب کامل کنید.</p>	
۰/۵	$\mathbb{Z} \cap \mathbb{Q}' = \emptyset$	$\mathbb{N} \cup \mathbb{R} = \mathbb{R}$
۰/۵	<p>⑨ عبارت زیر را به زبان ریاضی بنویسید.</p>	
۰/۵	<p>((قدرمطلق تفاضل هر دو عدد، از تفاضل قدرمطلق های آن دو عدد، بزرگتر یا مساوی با آن است.))</p>	
۰/۵	$ a - b \geq a - b $	
۱	<p>⑩ حاصل عبارت زیر را به ساده ترین شکل ممکن بنویسید.</p>	
۱	$ \sqrt{3} - \sqrt{5} + -\sqrt{2} - \sqrt{5} = \sqrt{3} - \cancel{\sqrt{5}} + \cancel{2} + \sqrt{5} = 5$	

① راه های متفاوتی برای استدلال کردن کارهای روزمره ما وجود دارد که اعتبار و قابل اعتماد بودن آن ها

۰/۵

نادرست

درست

۰/۵

② مثالی بیاورید که حکم زیر را رد کند. (مثال نقض)

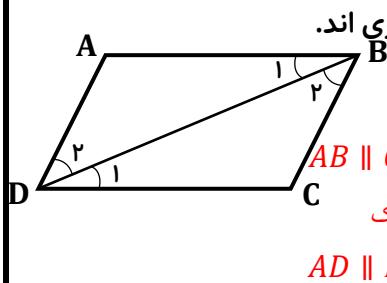
((هیچ چند ضلعی محدبی نمی توان یافت که همه ضلع های آن با هم برابر باشند.))
لوزی چهارضلعی محدبی است که همه ضلع های آن با هم مساوی می باشد.

۰/۵

در هر مربع ، زاویه ها با هم برابرند $\left\{ \begin{array}{l} \text{همه زاویه های } ABCD , \text{ با هم برابر نیستند} \\ \text{مربع نیست} \end{array} \right\} \Rightarrow ABCD$

خیر زیرا چهارضلعی ABCD ممکن است مستطیل باشد که همه زاویه های آن با هم برابر می باشد.

۱/۵

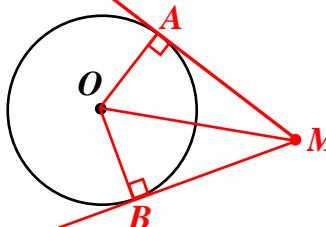


④ ثابت کنید که در هر متوازی الاضلاع ، ضلع های مقابل ، همواره با هم مساوی اند.

$$\left. \begin{array}{l} AB \parallel CD , \text{ مورب } BD \Rightarrow \hat{B}_1 = \hat{D}_1 \\ AD \parallel BC , \text{ مورب } BD \Rightarrow \hat{B}_2 = \hat{D}_2 \end{array} \right\} \xrightarrow{\substack{\text{ضلع مشترک} \\ \text{شعاع دایره}}} \Delta ABD \cong \Delta BCD \xrightarrow{\substack{\text{س.م.ل.} \\ \text{س.م.ل.}}} \left\{ \begin{array}{l} \overline{AB} = \overline{CD} \\ \overline{AD} = \overline{BC} \end{array} \right.$$

۱/۵

⑤ از نقطه M خارج از دایره ، دو مماس MA و MB را بر دایره رسم کنید. آیا اندازه این دو مماس با هم برابر است؟ درستی ادعای خود را نشان دهید. **بله**



$$\left. \begin{array}{l} \overline{OM} = \overline{OM} \\ \overline{OA} = \overline{OB} \end{array} \right\} \xrightarrow{\substack{\text{ضلع مشترک} \\ \text{شعاع دایره}}} \Delta OAM \cong \Delta OBM \xrightarrow{\substack{\text{س.م.ل.} \\ \text{س.م.ل.}}} \overline{AM} = \overline{BM}$$

۰/۵

⑥ هر دو مثلث متساوی الاضلاع دلخواه ، همواره با هم متشابه هستند. درست نادرست

۰/۵

⑦ در یک نقشه ، مقیاس ۲۰۰۰ : ۱ است. فاصله دو نقطه روی نقشه ۵ سانتی متر است. فاصله این دو نقطه در اندازه واقعی چقدر است؟

$$\frac{1}{2000} = \frac{5}{x} \Rightarrow x = \frac{5 \times 2000}{1} = 10000 \text{ cm}$$

۰/۵

⑧ اگر زاویه بین دو خط در نقشه برابر با ۵۷ درجه باشد ، زاویه بین آن دو خط در اندازه واقعی چند درجه است؟ **۵۷ درجه**